

# عمليات حول الدوال (العروبة)

## أنشطة

ب/ حدد طبيعة  $C_f$  وأنشئ  
لتكن  $g$  دالة عدديّة لمتغيّر حقيقي معرفتين بـ

$$g(x) = x|x| - 2x$$

-1- بين أن  $f$  دالة فردية

-2- حدد جدول تغييرات الدالة  $f$

-3- أنشئ  $C_g$  في المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

### نشاط 4

لتكن  $f$  دالة عدديّة لمتغيّر حقيقي معرفتين بـ

$$f(x) = \frac{-2x - 1}{x - 1}$$

و  $C_f$  منحنى الدالة  $f$  في المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

-1- حدد  $D_f$

ب- تحقق أن  $f(x) = -2 + \frac{-3}{x-1}$  لكل  $x$  من

-2- أ- بين أن  $C_f$  صورة المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة

المعرفة بـ  $\vec{u}(1; -2) \rightarrow x \rightarrow \frac{-3}{x}$  بالإزاحة ذا المتجهة  $(1; -2)$

ب- أنشئ  $C_f$

3- نعتبر  $g$  الدالة المعرفة بـ

أ- حدد  $D_g$  و أدرس زوجيّة  $g$

ب- أنشئ  $C_g$

### نشاط 5

لتكن  $f$  و  $g$  دالتين عدديتين لمتغيّر حقيقي معرفتين بـ

$$g(x) = \frac{-2x + 1}{x + 1} \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{3x - 2}{2x - 1}$$

-1- أعط جدول تغييرات كل من  $f$  و  $g$

-2- حدد طبيعة  $C_f$  و  $C_g$  مع إعطاء عناصرها

المميزة

### أنشطة التقديم

**نشاط 6** (دالة مكبورة- دالة مصغرورة - دالة محدودة)  
لتكن  $f$  دالة عدديّة لمتغيّر حقيقي معرفة بـ

$$f(x) = \frac{2x^2 + 1}{x^2 + 1}$$

-1- بين بين أن  $\forall x \in \mathbb{R} \quad f(x) < 2$

-2- أ/ بين أن  $\forall x \in \mathbb{R} \quad 1 \leq f(x)$

ب/ حل المعادلة  $x \in \mathbb{R} \quad 1 = f(x)$

-3- استنتج أن  $\forall x \in \mathbb{R} \quad 1 \leq f(x) < 2$

### أنشطة تذكرة

#### نشاط 1

حدد مجموعة تعريف الدالة العدديّة  $f$  لمتغيّر الحقيقي في الحالات التالية:

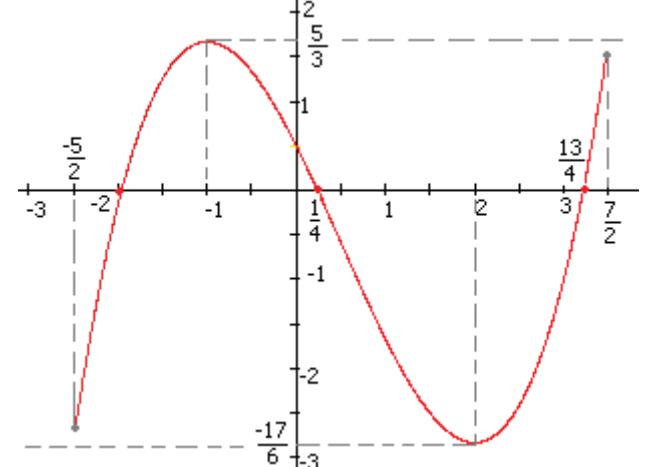
$$f(x) = \sqrt{1 - 2x} \quad \text{ب/} \quad f(x) = \frac{-2x + 3}{x^2 - x + 2}$$

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - x}}{2x - 1} \quad \text{ج/}$$

#### نشاط 2

لتكن  $f$  دالة عدديّة معرفة على  $\left[ \frac{-5}{2}; \frac{7}{2} \right]$  و  $(C)$

منحنها كما في الشكل التالي:



1- حدد القيمة القصوى والقيمة الدنيا لدالة  $f$  على

$$\left[ \frac{-5}{2}; \frac{7}{2} \right]$$

المجال

2- استنتاج أن  $\forall x \in \left[ \frac{-5}{2}; \frac{7}{2} \right] \quad \frac{-17}{6} \leq f(x) \leq \frac{5}{3}$

3- حل مبانيًا أ-  $f(x) = 0$       ب-  $f(x) \geq 0$

4- حدد مبانيًا عدد حلول المعادلة  $f(x) = 1$

#### نشاط 3

I/ لتكن  $f$  دالة عدديّة لمتغيّر حقيقي معرفة بـ

$$f(x) = x^2 - 2x$$

و  $C_f$  منحنى الدالة  $f$  في المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$$\left( O; \vec{i}; \vec{j} \right)$$

-1- تأكد أن  $\forall x \in \mathbb{R} \quad f(x) = (x - 1)^2 - 1$

أ/ بين أن المنحنى  $C_f$  صورة المنحنى  $(C)$  الممثل

للدالة المعرفة بـ  $\vec{u}(1; -1) \rightarrow x \rightarrow x^2$  بالإزاحة ذا المتجهة  $(1; -1)$

**نشاط 10** (مركب دالتي)

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ  $x$

$$g(x) = -x + 2 ; f(x) = \sqrt{x}$$

-1 أحسب  $g\left(\frac{7}{4}\right)$  و  $g(6)$  ثم أحسب  $f\left(g\left(\frac{7}{4}\right)\right)$  و  $f(g(6))$

-2 حدد مجال  $I$  بحيث لكل  $x$  من  $I$  يمكن حساب  $f(g(x))$  حدد  $(f(g(x)))$  لكل  $x$  من  $I$

**نشاط 11** (الممثل المباني لدالة)

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ  $x$

$$g(x) = \sqrt{x+1} ; f(x) = \sqrt{x}$$

-1 حدد مجموعة تعريف كل من الدالتين  $f$  و  $g$   
 -2 أدرس تغيرات كل من  $f$  و  $g$   
 -3 أ/ أتمم الجدول التالي

$x$	0	$\frac{1}{4}$	1	2	$\frac{9}{4}$	4
$f(x)$						

ب/ مستعينا بالجدول أنشئ  $(C_f)$

-4 أ/ بين أن المنحنى  $(C_g)$  صورة المنحنى  $(C_f)$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\bar{u}(-2; 0)$   
 ب/ أنشئ  $(C_g)$

**نشاط 12** (الممثل المباني لدالة)

لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي معرفة بـ  $f(x) = 2x^3$

-1 بين أن  $f$  فردية  
 -2 أدرس تغيرات  $f$  و أعط جدول تغيرات  $f$   
 -3 أ/ أتمم الجدول التالي

$x$	0	$\frac{1}{2}$	1	$\frac{5}{4}$	$\frac{3}{2}$	2
$f(x)$						

ب/ أنشئ  $(C_f)$   
 بالإتباع نفس الخطوات مثل مبيانيا  

$$g(x) = -x^3$$
 الدالة

**نشاط 7** (مقارنة دالتي)

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ  $x$

$$g(x) = \frac{-x+3}{x+2} ; f(x) = x^2 - 3x$$

و  $C_g$  و  $C_f$  المنحنيين الممثلين لـ  $f$  و  $g$  على التوالي في مستوى منسوب إلى معلم م.م.

-1 حدد تقاطع  $C_g$  و  $C_f$ .

-2 أنشئ  $C_f$  و  $C_g$ .

-3 حل ميانيا المتراجحة  $f(x) \geq g(x)$

-4 تحقق جريا من حلول المتراجحة  $f(x) \geq g(x)$

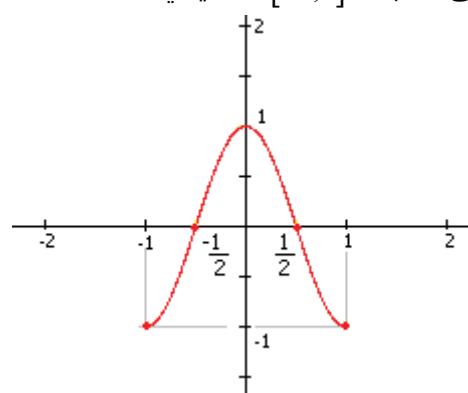
**نشاط 8** (الدالة الدورية)

لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي معرفة بـ  $f(x) = \cos(\pi x)$

-1 بين أن  $\forall x \in \mathbb{R} \quad f(x+2) = f(x)$

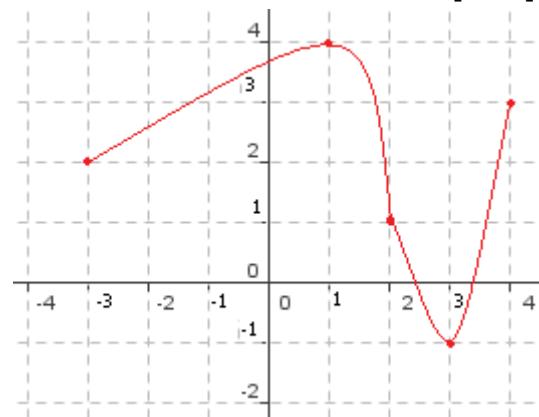
-2 أنشئ جزء المنحنى الدالة  $f$  على المجال  $[-6; 6]$  علماً أن جزء المنحنى الدالة

على المجال  $[-1; 1]$  كما يلي



**نشاط 9** (صورة مجال)

الشكل التالي يمثل دالة عددية معرفة على المجال  $[-3; 4]$



-1 أ/ بين أن  $\forall x \in [-3; 2] \quad 1 \leq f(x) \leq 4$

ب/ ليكن  $y \in [1; 4]$

بين أن المعادلة  $f(x) = y$  تقبل حللا في  $[-3; 2]$

ج/ استنتج أن  $f([-3; 2]) = [1; 4]$

-2 حدد مبيانيا صورة المجال  $[1; 4]$  ثم  $[2; 4]$

# عموميات حول الدوال (العربية)

## I - تذكرة A/ 1- الدالة الزوجية- الدالة الفردية أ- تعريف

- لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي و  $D_f$  حيز تعريفها
- \* نقول ان  $f$  دالة زوجية اذا تحقق الشرطان التاليان : \* لكل  $x$  من  $D_f$   $-x \in D_f$  \*  $f(-x) = f(x)$
  - \* نقول إن  $f$  دالة فردية إذا تحقق الشرطان التاليان : \* لكل  $x$  من  $D_f$   $-x \in D_f$  \*  $f(-x) = -f(x)$

## ب- التأويل الهندسي خاصة

- لتكن  $f$  دالة عددية و  $C_f$  منحناها في مستوى منسوب إلى معلم متعادم ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- تكون  $f$  دالة زوجية إذا وفقط إذا كان محور الأراتيب محور تماثل للمنحنى  $C_f$
  - تكون  $f$  دالة فردية إذا وفقط إذا كان المحنن  $C_f$  متتماثلا بالنسبة لأصل المعلم

## 2- تغيرات دالة أ- تعريف

- لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي و  $I$  مجال ضمن  $D_f$
- تكون  $f$  تزايدية على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  من  $I$  إذا كان  $x_1 < x_2$  فإن  $f(x_1) \leq f(x_2)$
  - تكون  $f$  تزايدية قطعا على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  من  $I$  إذا كان  $x_1 < x_2$  فإن  $f(x_1) < f(x_2)$
  - تكون  $f$  تناقصية على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  من  $I$  إذا كان  $x_1 > x_2$  فإن  $f(x_1) \geq f(x_2)$
  - تكون  $f$  تناقصية قطعا على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  من  $I$  إذا كان  $x_1 > x_2$  فإن  $f(x_1) > f(x_2)$

## ب- معدل التغير أ- تعريف

- لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي و  $x_1$  و  $x_2$  عنصرين مختلفين
- $$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$$
- العدد يسمى معدل تغير الدالة  $f$  بين  $x_1$  و  $x_2$ .

## ب- معدل التغير و الرتبة خاصة

- لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي و  $I$  مجال ضمن  $D_f$  و  $T = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$  معدل تغير الدالة  $f$  بين  $x_1$  و  $x_2$ .
- تكون  $f$  تزايدية على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  مختلفين من  $I$   $T \geq 0$
  - تكون  $f$  تزايدية قطعا على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  مختلفين من  $I$   $T > 0$
  - تكون  $f$  تناصصية على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  مختلفين من  $I$   $T \leq 0$
  - تكون  $f$  تناصصية قطعا على  $I$  إذا و فقط إذا كان لكل  $x_1$  و  $x_2$  مختلفين من  $I$   $T < 0$

## c- الرتبة وزوجية دالة خاصة

- لتكن  $f$  دالة زوجية و  $I$  مجال ضمن  $D_f \cap \mathbb{R}^+$  و  $J$  مجال مماثل لـ  $I$  بالنسبة لـ 0
- إذا كانت  $f$  تزايدية على  $I$  فإن  $f$  تناصصية على  $J$ .
  - إذا كانت  $f$  تناصصية على  $I$  فإن  $f$  تزايدية على  $J$ .

لتكن  $f$  دالة فردية و  $I$  مجال ضمن  $D_f \cap \mathbb{R}^+$  و  $J$  مجال مماثل لـ  $I$  بالنسبة لـ 0 ( $J = \{-x / x \in I\}$ )

- إذا كانت  $f$  تزايدية على  $I$  فإن  $f$  تزايدية على  $J$ .

- إذا كانت  $f$  تناقصية على  $I$  فإن  $f$  تناصصية على  $J$ .

**ملاحظة:** لدراسة تغيرات دالة فردية أو زوجية يكفي دراسة تغيراتها على  $D_f \cap \mathbb{R}^+$  ثم استنتاج تغيراتها على  $D_f \cap \mathbb{R}^-$

### 3- مطابيق دالة

#### أ- تعريف

لتكن  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي معرفة على مجال  $I$  و  $a$  عنصر من  $I$

- نقول إن  $f(a)$  هو القيمة القصوى لـ  $f$  على مجال  $I$  إذا كان  $f(x) \leq f(a) \forall x \in I$

- نقول إن  $f(a)$  هو القيمة الدنيا لـ  $f$  على مجال  $I$  إذا كان  $f(x) \geq f(a) \forall x \in I$

#### ب- خاصة

ليكن  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقية حيث  $a < b < c$  و  $f$  دالة عددية لمتغير حقيقي

إذا كانت  $f$  تزايدية على  $[a;b]$  و تناصصية على  $[b;c]$  فإن  $f$  تقبل قيمة قصوى عند  $b$

إذا كانت  $f$  تناصصية على  $[a;b]$  و تزايدية على  $[b;c]$  فإن  $f$  تقبل قيمة دنيا عند  $b$

### B - دراسة بعض الدوال الاعتبادية

#### 1- الدالة الحدودية من الدرجة الثانية

##### خاصيات

لتكن  $f$  دالة حدودية من الدرجة الثانية المعرفة على  $\mathbb{R}$  حيث  $f(x) = ax^2 + bx + c$  و  $a \neq 0$

\* يوجد عدوان حقيقيان  $\alpha$  و  $\beta$  حيث  $f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta$  لكل  $x \in \mathbb{R}$  هذه الكتابة تسمى الشكل القانوني للدالة  $f$

\* المنحنى  $C_f$  هو صورة المنحنى ( $C$ ) الممثل للدالة  $\rightarrow x$  بالإزاحة ذا المتجهة ( $\vec{u}(\alpha; \beta)$

\* منحنى  $f$  في معلم متواحد هو شلجم رأسه  $\Omega(\alpha; \beta)$  و محور تماثله المستقيم ذا

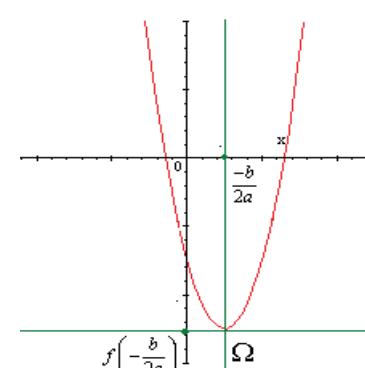
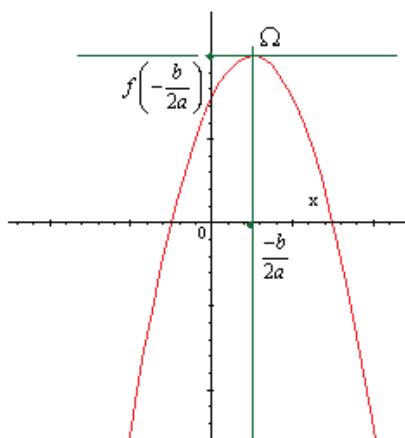
**ملاحظة:**  $\beta = f(\alpha)$  و  $\alpha = -\frac{b}{2a}$

\* إذا كان  $a < 0$  فإن:

$x$	$+\infty$	$\frac{-b}{2a}$	$-\infty$
$f$		$f\left(-\frac{b}{2a}\right)$	

\* إذا كان  $a > 0$  فإن:

$x$	$-\infty$	$\frac{-b}{2a}$	$+\infty$
$f$		$f\left(-\frac{b}{2a}\right)$	



2- الدالة المتخاطبة

لتكن  $f$  الدالة المتخاطبة المعرفة على  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$  بـ  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$  حيث  $c \neq 0$  و  $ad - bc \neq 0$

\* توجد أعداد حقيقية  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\lambda$  حيث  $f(x) = \beta + \frac{\lambda}{x-\alpha}$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$

\* المنحنى  $C_f$  هو صورة المنحنى ( $C$ ) الممثل للدالة  $\vec{u}(\alpha; \beta)$  بالازاحة  $\rightarrow \frac{\lambda}{x}$  ذو المتوجه

\* منحنى  $f$  في معلم متعادم هو هدلول مركزه  $(\alpha; \beta)$  و مقارياه هما المستقيمان المعرفان بـ

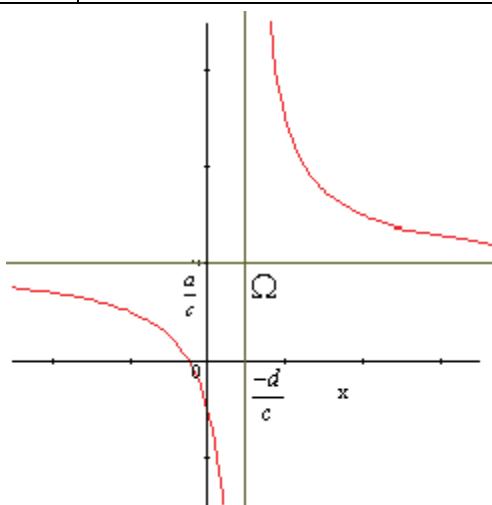
$$y = \beta \quad \text{و} \quad x = \alpha$$

**ملاحظة:**  $\beta = \frac{a}{c}$  و  $\alpha = \frac{-d}{c}$

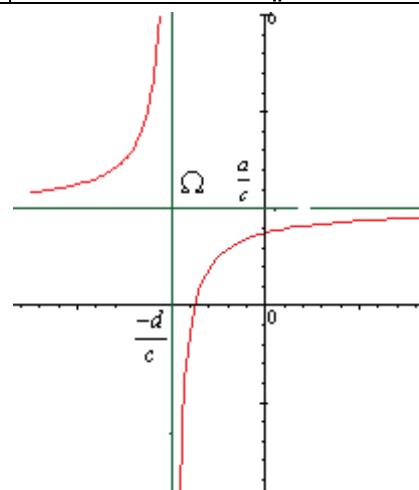
فإن  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} < 0$  إذا كان

فإن  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} > 0$  إذا كان

$x$	$-\infty$	$\frac{-d}{c}$	$+\infty$
$f$			



$x$	$-\infty$	$\frac{-d}{c}$	$+\infty$
$f$			

II- الدالة المكبورة – الدالة المصغورة – الدالة المحدودة

6 / نشاط

2 / تعريف

لتكن  $f$  دالة معرفة على مجال  $I$

\* نقول إن  $f$  مكبورة على  $I$  اذا وجد عدد حقيقي  $M$  حيث:  $f(x) \leq M$  لـ كل  $x$  من  $I$

\* نقول إن  $f$  مصغورة على  $I$  اذا وجد عدد حقيقي  $m$  حيث:  $f(x) \geq m$  لـ كل  $x$  من  $I$

\* نقول إن  $f$  محدودة على  $I$  اذا وجد عددين  $M$  و  $m$  حيث:  $m \leq f(x) \leq M$  لـ كل  $x$  من  $I$

خاصية

لتكن  $f$  دالة معرفة على مجال  $I$

نقول إن  $f$  محدودة على  $I$  اذا وجد عدد حقيقي موجب  $s$  حيث:  $|f(x)| \leq s$  لـ كل  $x$  من  $I$

تمرين

نعتبر  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة بـ  $f(x) = \frac{x + \sqrt{x^2 - 4}}{x}$

1- حدد  $D_f$

2- بين أن الدالة مكبورة على  $[2, +\infty]$  بالعدد 2 و مصغرة على  $[2, +\infty]$  بالعدد 1

### III- مقارنة دالتين- التأويل الهندسي

7/ نشاط

2/ أ/ تساوي دالتين

- تعريف

نعتبر  $f$  و  $g$  دالتين عدديتين و  $D_g$  و  $D_f$  مجموعتي تعريفهما على التوالي  
نقول إن  $f$  تساوي  $g$  و نكتب  $f = g$  اذا و فقط اذا كان: \*  $D_g = D_f$  و  $* f(x) = g(x)$  مهما كانت  $x$  من

### b/ مقارنة دالتين

نعتبر  $f$  و  $g$  دالتين معرفتين مجال  $I$

نقول إن  $f$  أصغر أو تساوي  $g$  على  $I$  اذا كان:  $f(x) \leq g(x)$  مهما كانت  $x$  من  $I$  اذا كان:

### ج/ التأويل الهندسي

$f \leq g$  على  $I$  يعني هندسياً أن منحنى الدالة  $f$  تحت منحنى  $g$  على  $I$

### د/ الدالة الموجبة- الدالة السالبة

نعتبر  $f$  دالة معرفة على مجال  $I$

\* دالة موجبة على  $I$   $\Leftrightarrow (\forall x \in I; f(x) \geq 0)$

\* دالة سالبة على  $I$   $\Leftrightarrow (\forall x \in I; f(x) \leq 0)$

### IV- الدالة الدورية

1- نشاط

2- تعريف

نقول أن  $f$  دالة دورية إذا وجد عدد حقيقي  $T$  موجب قطعاً بحيث  
 $\forall x \in D_f \quad x+T \in D_f; \quad x-T \in D_f \quad f(x+T) = f(x)$   
 العدد  $T$  يسمى دور لدالة  $f$ . أصغر دور موجب قطعاً يسمى دور الدالة  $f$

أمثلة

\* الدالتان  $x \rightarrow \sin x$  و  $x \rightarrow \cos x$  دوريتان و دورهما  $2\pi$  الدالة  $x \rightarrow \tan x$  دورية دورها  $\pi$

\* الدالتان  $x \rightarrow \sin ax$  و  $x \rightarrow \cos ax$  (حيث  $a \neq 0$ ) دوريتان و دورهما  $\frac{2\pi}{|a|}$

\* الدالة  $x \rightarrow \tan ax$  (حيث  $a \neq 0$ ) دورية دورها  $\frac{\pi}{|a|}$

### 3- خاصية

إذا كانت للدالة  $f$  دور  $T$  فان

### 4- ملحوظة

إذا كانت  $f$  دالة دورية و  $T$  دوراً لها فانه:

- يكفي دراسة الدالة  $f$  على  $D_f \cap \left[ -\frac{T}{2}, \frac{T}{2} \right]$  أو  $D_f \cap [0, T]$

- يستنتج جزء منحنى الدالة  $f$  على  $D_f \cap \left[ -\frac{T}{2} + nT, \frac{T}{2} + (n+1)T \right]$  حيث  $n \in \mathbb{Z}$  من جزئ منحنى

بواسطة الإزاحة ذات المتجهة  $(nT; 0) \bar{u}$  حيث  $n$  عدد صحيح نسبي.

### V- صورة مجال دالة

1- نشاط

2- تعريف

لتكن  $f$  دالة عددية للمتغير حقيقي و  $I$  مجال ضمن من  $D_f$  صورة المجال  $I$  بالدالة  $f$  هي مجموعة جميع صور عناصر  $I$  بالدالة  $f$  نرمز له بـ  $f(I)$

$$f(I) = \{f(x) / x \in I\}$$

**ملحوظة:**

$$y \in f(I) \Leftrightarrow \exists x \in I / f(x) = y \quad *$$

$\mathbb{R}$  دالة عدديّة و  $I$  مجال ضمن من  $J$  مجال ضمن  $f$

$$f(I) \subset J \Leftrightarrow \forall x \in I \quad \exists y \in J / f(x) = y$$

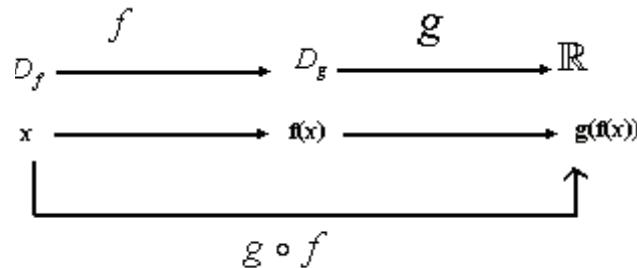
$$J \subset f(I) \Leftrightarrow \forall y \in J \quad \exists x \in I / f(x) = y$$

**-VI مركب دالتين****1- نشاط 10****2- تعريف**

لتكن  $f$  و  $g$  دالتين حيث

$x \in D_f$  في هذا الترتيب هي الدالة التي نرمز لها بالرمز  $g \circ f$  حيث لكل

$$g \circ f(x) = g(f(x))$$



مجموعة تعريف  $g \circ f$ :

$$D_{g \circ f} = \{x \in D_f / f(x) \in D_g\}$$

**تمرين**

$$g(x) = 2x - 1 \quad \text{و} \quad f(x) = x^2 + x$$

حدد  $f \circ g$  و  $g \circ f$  ثمقارنها

**ملاحظة:** على العموم  $g \circ f \neq f \circ g$

$$h(x) = \frac{4x^2 - 4x - 1}{8x^2 - 8x + 1}$$

$$g(x) = 2x - 1 ; \quad f(x) = 2x^2 + 3x + 1$$

**تمرين** 1- حدد  $h \circ g$  ;  $g \circ f$  ;  $f \circ g$

2- حدد دالة  $t$  حيث  $t = g \circ f$

3- حدد دالة  $l$  حيث  $l = f \circ g$

3- مركب دالتين و الرتبة

لتكن  $f$  و  $g$  دالتين و  $I$  و  $J$  مجالين ضمن  $D_f$  و  $D_g$  على التوالى حيث

- إذا كان  $f$  تزايدية على  $I$  و  $g$  تزايدية على  $J$  فان  $g \circ f$  تزايدية على  $J$

- إذا كان  $f$  تناقصية على  $I$  و  $g$  تناقصية على  $J$  فان  $g \circ f$  تزايدية على  $J$

- إذا كان  $f$  تزايدية على  $I$  و  $g$  تناقصية على  $J$  فان  $g \circ f$  تناقصية على  $J$

- إذا كان  $f$  تناقصية على  $I$  و  $g$  تزايدية على  $J$  فان  $g \circ f$  تناقصية على  $J$

**تمرين**

نعتبر  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي المعرفتين بـ

$$g(x) = x^2 + 1 ; \quad f(x) = 3x - 1$$

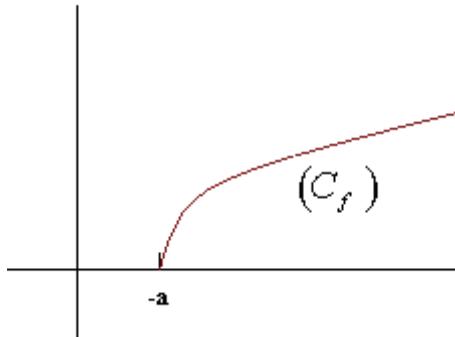
باستعمال تغيرات  $f$  و  $g$  حدد تغيرات  $g \circ f$  و  $f \circ g$

**-VI ممثل الدالتين**

**1- الدالة**

**نشاط 11**  
خاصية

الدالة  $f : x \rightarrow \sqrt{x+a}$  معرفة و تزايدية قطعا على  $[-a; +\infty]$



أمثلة : في نفس المعلم أنشئ  $C_f$  من أجل  $a = -1$  و  $a = 2$  و  $a = 0$

### تمرين

لتكن  $f$  و  $g$  الدالتين المعرفتين بـ

$g(x) = \sqrt{-x^2 + 1}$  و  $f(x) = \sqrt{x+1}$  1- أعط جدول تغيرات  $f$  و أنشئ  $(C_f)$

2- حدد  $D_g$  ثم حدد تغيرات الدالة  $g$  باستعمال مركب دالتين

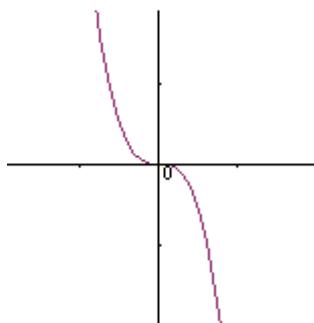
**2- الدالة**

**نشاط**

**خاصية**

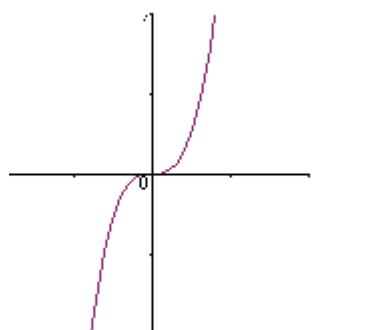
لتكن  $f$  دالة عدديّة لمتغير حقيقي حيث  $a \in \mathbb{R}^*$  و  $f(x) = ax^3$

-\* إذا كان  $0 < a$  فإن  $f$  تناقصية قطعا على  $\mathbb{R}$



$$a < 0 \text{ -*}$$

-\* إذا كان  $0 > a$  فإن  $f$  تزايدية قطعا على  $\mathbb{R}$



$$a > 0 \text{ -*}$$