

# أساسيات الرياضيات



## التمرين الأول:

ليكن  $a$  عدد جدي موجب قطعا حيث:  $(a + \frac{1}{a})^2 = 7$  أحسب  $a^3 + \frac{1}{a^3}$

## التمرين الثاني:

ليكن  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان، بين أن:  $(a^2 + 1)(b^2 + 1) \geq 4ab$

## التمرين الثالث:

ليكن  $a$  و  $b$  و  $c$  و  $d$  أعداد حقيقية موجبة قطعا. بين أن  $ac + bd \leq \sqrt{(a^2 + b^2)(c^2 + d^2)}$

## التمرين الرابع:

ABC مثلث محيطه  $p$ . و  $M$  نقطة داخله. برهن أن:  $\frac{p}{2} < MA + MB + MC < p$

## التمرين الخامس:

ABC مثلث قائم الزاوية في  $A$ . خارج هذا المثلث نرسم نصف دائرة  $(C_1)$  التي قطرها  $[BC]$  و نصف دائرة  $(C_2)$  التي قطرها  $[AC]$

و نصف دائرة  $(C_3)$  التي قطرها  $[AB]$ .

ما طبيعة الرباعي المحدد بالمستقيمات الموازية للمستقيمين  $(AB)$  و  $(AC)$  و المماسات لـ  $(C_1)$  و  $(C_2)$  و  $(C_3)$ ؟