

أولمبياد الرياضيات
للسنة الثالثة إعدادي
دورة أبريل 2010
الفرض الثالث
2010/04/30

ثانوية النخيل الإعدادية
أكادز

من إنجاز :
- حسن صوفي
- عبد الله أشكوكي

مدة الإنجاز: ساعتان
من 08 h إلى 10h

تمرين 1:

نعتبر المعادلة : $E_1 : X^3 - 6X^2 + 11X - 6 = 0$

⊙ - بين أن المعادلة E_1 تكافئ المعادلة $E_2 : Y^3 - 3Y^2 + 2Y = 0$

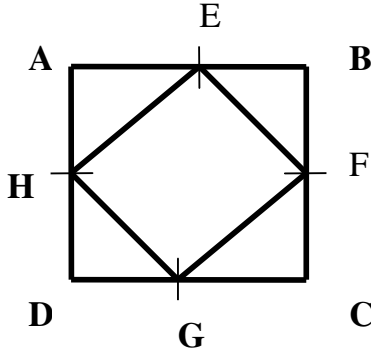
وذلك بوضع $X = Y + 1$

⊙ - حل المعادلة E_2 ثم استنتج حلول المعادلة E_1 .

تمرين 2:

⊙ - ABCD مربع.

E و F و G و H منتصفات القطع [AB] و [BC] و [CD] و [AD] على التوالي .



بين أن الرباعي EFGH مربع؟

(يمكن إختيار معلم مناسب)

⊙ - ABCD متوازي الأضلاع بحيث A و B نقطتان ثابتتان.

C ما هي مجموعة النقط D عندما تتغير C على دائرة مركزها B و شعاعها r.

تمرين 3:

⊙ - x عدد حقيقي أوجد الدالة التآلفية f التي تحقق : $f(x+1) \leq x \leq f(x) + 1$

⊙ - أراد شخص كراء سيارة فكان له الاختيار بين صيغتين عروضهما على الشكل التالي:

الصيغة الأولى	400DH كمبرغ للتسجيل و DH 45 عن كل كيلومتر.
الصيغة الثانية	1000DH كمبرغ للتسجيل و DH 35 عن كل كيلومتر.

متى يكون إختيار الصيغة الثانية أفضل للمكثري ؟

تمرين 4:

ديوفانت (Diophante) عالم رياضي يوناني عاش في القرن الثالث وباستثناء القبرية المنقوشة على قبره فإننا لا نعرف عنه الكثير.
تقول القبرية:

"يا عابر السبيل: هنا يرقد ديوفانت والأرقام ستكشف لك عن المدة التي عاشها. فطفولته تمثل $\frac{1}{6}$ حياته، ثم قضى $\frac{1}{12}$ من عمره قبل أن يتزوج. وبعد زواجه قضى $\frac{1}{7}$ حياته بدون أطفال، ثم مضت خمس سنوات أخرى ليسعد بمولود ذكر، ولكن القدر شاء أن تكون حياة الإبن أصغر من حياة أبيه بمرتين. حزن الشيخ كثيرا فأسلم الروح بعد أربع سنوات من وفاة ابنه"
فيا عابر السبيل كم كان عمر ديوفانت عندما اختطفته المنية؟

تمرين 5:

الأعداد الصحيحة المتقاطعة (أنظر الشبكة)

4	3	2	1	
				A
				B
				C
				D

أفقياً

A - مجموع الترددات ؛ عدد قابل للقسمة على 5 و على 11

B - مجموع قياسات زوايا شكل هندسي.

C - عدد الأشخاص المتواجدين بقاعة نصفهم رجال و ثمنهم نساء زائد 30 طفلاً ؛ ظل الزاوية 45^0

D - قيمة الجداء $2^4 \times 5^1$ ؛ منظم المتجهة المنعدمة $\vec{0}$

عمودياً

1 - قوة للعدد 10

2 - عدد مكون من أرقام متساوية

3 - مربع طول وتر مثلث قائم الزاوية بحيث طولي ضلعي الزاوية القائمة هما : $2\sqrt{6}$ و $3\sqrt{3}$

4 - حل المعادلة $10 = (x+2)(x-1) - (x-2)(x+1)$ ؛ طول حرف مكعب حجمه 1000

الله ولي التوفيق .