

اولمبياد الرياضيات
لأقسام السنة الثالثة ثانوي إعدادي
المرحلة التمهيدية

الثانوي الإعدادي حمان الفطواكي

- مريت -

نيابة خنيفرة

الأربعاء 28 نونبر 2007 من الساعة الثامنة والنصف إلى الساعة الحادية عشرة

التمرين الأول :

$$\frac{x^2 + y^2}{2} = xy \quad x \text{ و } y \text{ عدنان حقيقيان حيث :}$$

$$x=y \quad \text{بين أن}$$

التمرين الثاني :

$$أ- \text{ عمل مايلي : } 2 + 2\sqrt{2} - \sqrt{3} - \sqrt{6}$$

$$ب- \text{ اجعل مقام العدد التالي جذريا : } \frac{1}{2 + 2\sqrt{2} - \sqrt{3} - \sqrt{6}}$$

التمرين الثالث:

a و b عدنان حقيقيان موجبان قطعاً حيث : $a < b$

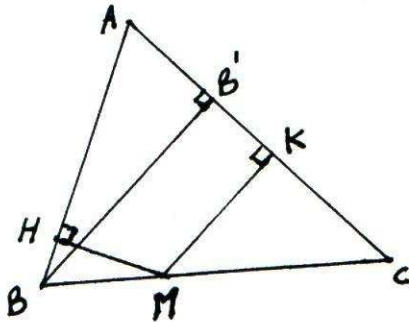
$$\text{قارن العددين : } \frac{b}{1 + \sqrt{a}} \text{ و } \frac{a}{1 + \sqrt{b}}$$

التمرين الرابع:

$$a \text{ و } b \text{ و } c \text{ أعداد حقيقية موجبة حيث : } 3a^2 = 2(c^2 - b^2)$$

ما هو اكبر هذه الأعداد ؟

التمرين الخامس :



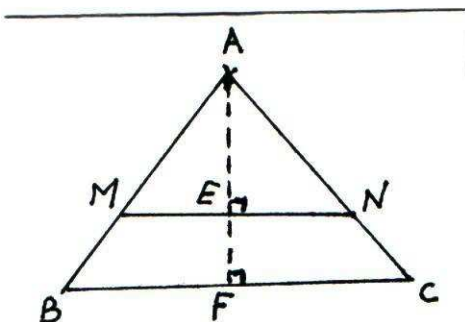
ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A و $[BB']$ احد ارتفاعه.

M نقطة من القطعة $[BC]$.

H و K المسقطان العموديان للنقطة M على (AB) و (AC) على التوالي.

$$\text{بين أن : } BB' = MH + MK$$

التمرين السادس :



ABC مثلث حيث : $AB = 2$ و $BC = 4$ و $AC = 3$.

لتكن M نقطة من $[AB]$ تختلف عن A وعن B.

نضع $AM = x$.

الموازي للمستقيم (BC) المار من M يقطع المستقيم (AC) في النقطة N.

حدد قيمة x بحيث تكون مساحة المثلث AMN تساوي مساحة شبه المنحرف BMNC

ملحوظة : المسافات المقترحة في التمرين غير مختزلة في الشكل المقدم.

حفظ موفق